

*Ограничение во всех задачах по памяти: 64 Мб
Ограничение во всех задачах по времени: 1 сек.*

A. Alexandra's subtractions

Саша в совершенстве владеет мастерством сортировки чисел, поэтому для настоящего вызова ей нужна по-настоящему сложная задача. Она решила, что будет сортировать не множество чисел, а всевозможные попарные разности чисел этого множества. Например, для множества $\{1, 10, 5, 7\}$ она получит ответ $\{-9, -6, -5, -4, -3, -2, 2, 3, 4, 5, 6, 9\}$, а для множества $\{1, 2, 3\}$ ответом будет $\{-2, -1, -1, 1, 1, 2\}$. Задача довольно сложная, поэтому мы вас просим найти только второе максимальное число в полученном наборе.

Ввод.

В первой строке одно целое число n , где $3 \leq n \leq 10^5$.

Во второй строке n различных целых чисел a_1, \dots, a_n , где $1 \leq a_i \leq 10^6$.

Выход.

Одно целое число — вторая максимальная разность.

Пример.

Ввод	Выход
4 1 10 5 7	6

B. Book of all the words

Денис решил выучить язык моржей. Оказалось, что алфавит моржей состоит из n букв, которые совпадают с n первыми буквами английского алфавита, а язык — из всевозможных слов длины m . Денис настроен решительно, поэтому он даже купил словарь, в котором все слова расположены по алфавиту. Подскажите Денису k -ое слово в словаре, чтобы помочь ему в изучении языка.

Ввод.

Три целых числа n, m, k , где $2 \leq n \leq 26$, $1 \leq k \leq n^m \leq 10^{18}$.

Выход.

Строка из n строчных латинских букв.

Пример.

Ввод	Выход
3 5 6	aaabc
26 3 1739	cow
20 4 99431	milk

Комментарий.

В первом примере словарь будет начинаться со слов: *aaaaa, aaaab, aaaac, aaaba, aaabb, aaabc, aaaca, ...*.

C. Changing the word

Беда! Ответ Ерулана на задачу никак не хочет сходиться с тем, что указан в конце задачника. Чтобы подогнать своё слово (а ответом является именно слово) под правильное, он может за один шаг использовать одну из трех операций:

1. добавить одну любую букву в начало или конец слова;
2. убрать первую или последнюю букву слова;
3. заменить каждую букву слова на симметричную ей относительно центра алфавита (то есть, '*a*' на '*z*', '*b*' на '*y*', ..., '*z*' на '*a*').

Чтобы Ерулана мог побольше поспать, он хочет как можно быстрее справиться с этим заданием. За какое минимальное число действий он сможет привести свою строчку к правильной?

Ввод.

В первой строке строка из не более чем 1000 строчных латинских букв, оканчивающаяся точкой, — ответ Ерулана.

Во второй строке правильный ответ в таком же формате.

Выход.

Одно целое число — минимальное число операций, за которое первую строку можно привести ко второй.

Пример.

Ввод	Выход
drop.	3
milk.	
hardcore.	8
texlive.	

Комментарий.

В первом примере один из вариантов правильной последовательности может выглядеть так:
 $drop \rightarrow rop \rightarrow ilk \rightarrow milk$.

D. Doubtful numbers

Али любит вводить новые термины и обозначения. Например, составные числа, имеющие больше простых делителей, чем составных, он решил называть сомнительными. Скажите, сколько сомнительных чисел найдёт Али среди всех целых чисел отрезка $[A, B]$?

Ввод.

Два целых числа A, B , где $1 \leq A \leq B \leq 10^7$.

Выход.

Одно целое число — количество сомнительных чисел на отрезке $[A, B]$.

Пример.

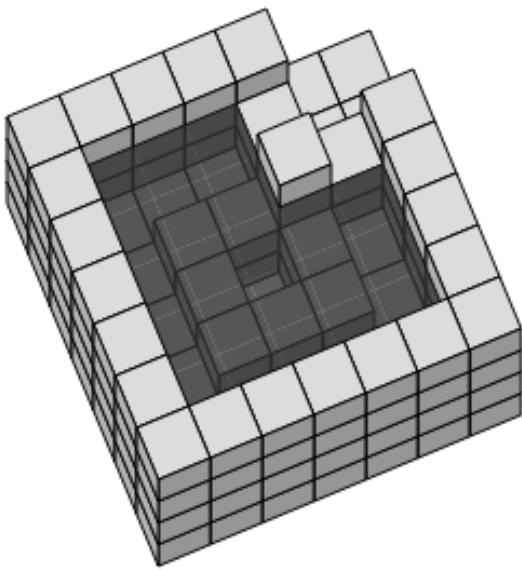
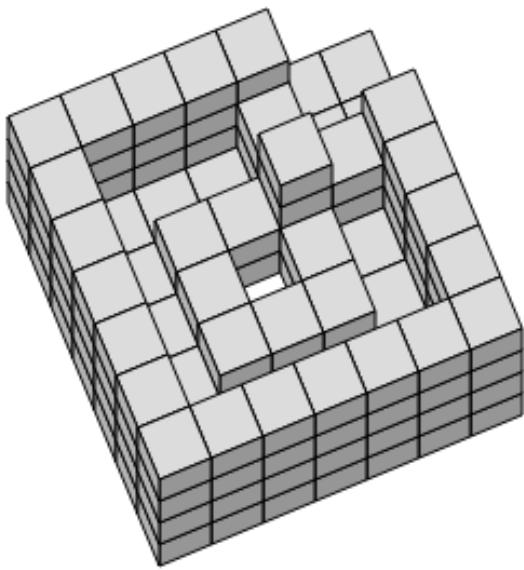
Ввод	Выход
90 100	4
1 2016	564

Комментарий.

Число 90 не является сомнительным, поскольку имеет 9 простых делителя (2, 3 и 5) и 8 составных (6, 9, 10, 15, 18, 30, 45 и 90); число 91 же сомнительное, поскольку имеет 2 простых делителя (7 и 13) и только 1 составной (91). Другими сомнительными числами из первого примера будут 93, 94 и 95. Число 97 также имеет больше простых делителей, чем составных, но оно само является простым.

E. Experiment with tea

У Тимура есть стакан с квадратным основанием, в котором он выложил сахар-рафинад в аккуратные столбики. На дне стакана осталось место только под один кубик сахара. Чтобы сахар быстро не растворялся, он льет чай в именно в этот свободный квадрат. Какой максимальный объем чая он может налить в стакан так, чтобы чай не касался стенок стакана?

**Ввод.**

В первой строке одно целое число N от 1 до 100 — сторона квадратного основания стакана, выраженная в кубиках сахара.

В следующих N строках — матрица A размера $N \times N$ из целых чисел от 0 до 10^6 , где a_{ij} — высота соответствующего столбца. Гарантируется, что в матрице присутствует ровно один нулевой элемент, причем он не находится на границе матрицы.

Выход.

Два целых числа: h — уровень чая в стакане в кубиках (при максимальном объеме) и v — максимальный объем налитого чая.

Пример.

Ввод	Выход
7 4 4 4 4 4 4 4 4 1 1 1 1 1 4 4 1 2 2 2 1 4 4 1 2 0 2 1 4 4 3 4 2 2 1 4 1 1 3 1 1 1 4 1 1 4 4 4 4 4	3 36
3 2 3 4 9 0 5 8 7 6	3 3

Комментарий.

Сахар не тает и не пропускает чай.

F. Five words

Коровы понимают каждое сказанное человеком слово, правда, только частично.

Фермер рассказывал, что его коровы поели всю траву луга за 96 дней.

Мы в таких случаях вспоминаем поговорку «сидит как на корове седло».

Говорят, загар улучшает лактацию и удой коровы.

Убегать от коровы во сне — к неожиданному разрешению финансовых проблем.

Ввод.

Целое число n , $1 \leq n \leq 35$.

Выход.

Три строчных латинских буквы.

Пример.

Ввод	Выход
4	cow
9	ate
18	sit
29	tan
33	ran

G. Glowing letters

Надира открыла сеть из двух автосалонов. В них еще нет ни одной машины, но зато уже есть одинаковые вывески, сделанные из светящихся букв. Адиль сказал, что обладает авторскими правами на букву 'а', поэтому Надире нельзя ее использовать в названиях своих салонов. Она не может снять вывески целиком, но может оставить включенными некоторые буквы. На первой вывеске она может оставить включенной любую подстроку, а на второй вывеске — любые буквы. Сколько различных способов у нее получить непустое название, не содержащее букву 'а' для первой и второй вывески?

Ввод.

Строка из не более чем 10^5 строчных латинских букв, оканчивающаяся точкой, — старое общее название двух салонов.

Выход.

Два целых числа: количество способов получить первую и вторую вывеску. Так как количество способов может быть очень большим числом, ответы следует выводить по модулю $10^9 + 7$.

Пример.

Ввод	Выход
calf.	4 7
calfandcalf.	13 255

Комментарий.

Полученные два названия не обязаны совпадать. Способ определяется позициями выключенных букв, а не значением. В первом примере допустимые названия первого салона: c, l, f, lf ; второго салона: c, l, f, cl, cf, lf, clf .

H. Harmonic permutations

Мирад изучает свойства перестановок чисел от 1 до $2n$. Больше всего ему нравится порядок, но упорядоченных перестановок не так уж и много — всего одна. Он решил посчитать количество частично упорядоченных перестановок $(a_1, a_2, \dots, a_{2n})$, которые он назвал гармоничными:

1. a_1, \dots, a_n — упорядочены по возрастанию;
2. a_{n+1}, \dots, a_{2n} — упорядочены по возрастанию;
3. $a_i < a_{i+n}$ для всех i от 1 до n .

Помогите Мираду посчитать число таких перестановок.

Ввод.

Одно целое число n от 1 до 1000.

Выход.

Одно целое число — число гармоничных перестановок чисел от 1 до $2n$. Так как число перестановок может быть очень большим, ответ следует выводить по модулю $10^9 + 7$.

Пример.

Ввод	Выход
2	2
3	5

Комментарий.

В первом примере существует 2 гармоничных перестановки:
 $(1, 2, 3, 4), (1, 3, 2, 4)$.

I. Infinity problem

Темирхан выписал на доске все натуральные числа, сумма цифр которых равна трём. Как он это сделал (ведь таких чисел бесконечно много!), вопрос к нему. Нас же интересует кое-что другое: есть ли среди этих чисел хотя бы одно кратное n ?

Ввод.

Одно целое число n , где $1 \leq n \leq 10000$.

Выход.

Слово YES (если существует натуральное число с суммой цифр 3 и кратное n) или NO (если такого числа нет).

Пример.

Ввод	Выход
8	YES
9	NO

Комментарий.

В первом примере подходящим кратным является, например, число 120. Во втором примере таких чисел не найдётся, поскольку любое кратное 9 имеет также кратную 9 сумму цифр.

J. Jelly cake

У Ильи есть вкусный желейный круглый торт радиуса 1000 с N ягодками на его окружности по краям торта. Он хочет отрезать себе треугольный кусок с тремя ягодками в вершинах. Какой минимальной площади он может выбрать кусок, чтобы на завтра осталось больше торта?

Ввод.

В первой строке одно целое число N , где $3 \leq N \leq 10000$, — количество ягодок, расположенных на границе торта.

Каждая из следующих N строк содержит по три числа: g_i, m_i, s_i — градусы, минуты и секунды угла, определяющего позицию i -й ягодки, где $0 \leq g_i \leq 359, 0 \leq m_i \leq 59, 0 \leq s_i \leq 59$.

Выход.

Одно вещественное число — минимальная площадь треугольного куска с вершинами в ягодках. Ответ больше 0.0001 засчитывается, если относительная погрешность не превосходит 0.0001. Остальные ответы можно считать нулевыми.

Пример.

Ввод	Выход
4 0 0 0 90 0 0 180 0 0 270 0 0	1000000.0
5 180 20 30 120 20 30 0 0 0 45 45 45 90 20 30	118947.66